

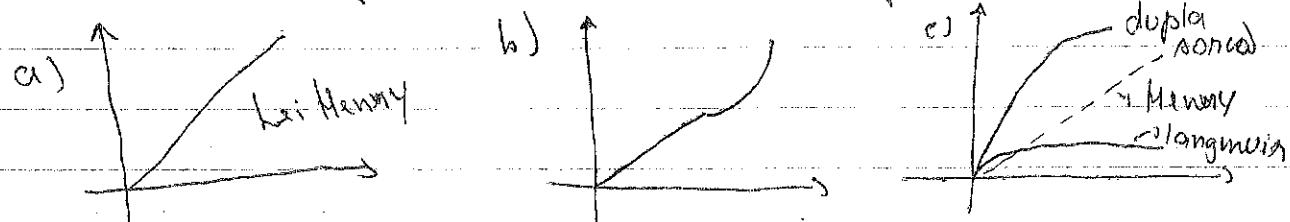
a) O modelo da sorção-difusão define a energia livre de misturas de polímeros e suas interações com as moléculas a serem separadas no sistema. O modelo de sorção pode ser por meio absorvitor ou adsorvitor. Na adsorção, as moléculas difundem na matriz polimérica, gerando interações entre o material da membrana e as moléculas, sendo totalmente dependente das propriedades físicas e químicas do polímero, como permeabilidade, difusividade, solubilidade, e dos solutos/solventes, como polaridade, hidrofobicidade, ponto isoelétrico. Em relação a adsorção, as moléculas não interagem com a ~~na~~ superfície da membrana, mas havendo penetração na matriz polimérica. O modelo de sorção, geralmente é descrito pelas isotermas de sorção, onde tem-se as isotermas de Langmuir e Henry.

Outro fator importante é o estado de reticulação dos polímeros, onde um polímero é de círculo como vútreo se estiver abaixo de sua temperatura de reticulação, consistindo em um polímero que não apresenta muita energia interna e, consequentemente, não é maleável e flexível. Contudo, polímeros acima da sua temperatura vútreia, chamados de polímeros elastomeres, apresentam energia interna suficiente para apresentar comportamento maleável, flexível e ductil. Ifiguram modelos descrevem o mecanismo de sorção relacionando os fluxos volumétricos do soluto ( $\phi_1$ ) e do solvente ( $\phi_2$ ) com os parâmetros de interação com a matriz polimérica ( $X$ ), como de acordo com a equação:

$$\Delta G = RT [\phi_1 \ln \phi_1 + \phi_2 \ln \phi_2 + X \phi_1 \phi_2]$$

energia constante dos gases e temperatura

Assim, para sistemas onde tem-se polímeros elastoméricos (ou baixas concentrações de solutos o noca) pode ser definida pela lei de Henry (a). Contudo, para altas concentrações de polímeros a noca é melhor descrita pelo modelo de Stintan - Maxwell (b), enquanto o modelo de  $\phi$  dupla noca (c) é o melhor para descrever noca em polímeros vitrificados (c).



Importante ressaltar que a noca é dependente da energia interna no sistema, no qual é definida por:

$$S = S_0 \left( \frac{\Delta H}{RT} \right), \text{ onde } S_0 \text{ é uma constante e } \Delta H \text{ é o calor da solvatação.}$$

b) A polarização da concentração é definida como a deposição de partículas ou íons na superfície da membrana. Esse fenômeno ocorre devido a acumulação de partículas rejeitadas pela membrana ou pela precipitação de proteínas devido a pequenas mudanças de pH no sistema; ou até mesmo, pelo fluxo de permeado separar mais compostos q.d.o que é transportado pela corrente de alimento, gerando um desbalanço no gradiente de concentração. A polarização é definida pela razão entre a concentração de solutos na superfície da membrana pela alimentação ( $\frac{C_p}{C_f}$ ) - ( $\beta = \frac{C_p}{C_f}$ )

O fator de enriquecimento descreve o quanto um soluto se concentra, ou até mesmo purifica, em sua relação ao lado do permeado com a alimentação. Fator enriquecimento =  $\frac{Y_A}{X_A}$ .  $Y_A$  e  $X_A$  são os conteúdos do permeado e alimento, respectivamente.

Ponto 1

JP - 03

Através do modelo limite tem-se que a camada limite funciona basicamente como uma segunda membrana, no qual irá gerar uma resistência ao movimento, no qual o fluxo pode ser calculado por  $J = \frac{AP}{R_f}$ ,  $R_f$  é o somatório de todos os tipos de resistências.

O modelo limite considera as contribuições convectivas e difusivas do sistema.

$$\frac{JC + D \frac{dC}{dx}}{J} = J_{CP}$$

Aplicando as condições de contorno para uma camada convectiva difusa fluxo total polarizada na superfície, tem-se

$$x=0; C=C_m$$

$$x=L; C=C_f$$

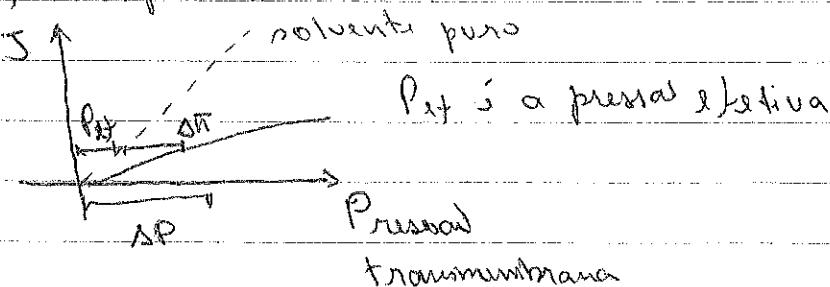
Assim, o modelo se resume a  $J = \frac{D}{L} \ln\left(\frac{C_m}{C_f}\right)$ , onde

$D$  é o coeficiente de transferência de massa. Portanto, é possível perceber que ao aumentar a camada polarizada ( $L$ ), o coeficiente de transferência de massa irá diminuir, uma vez que  $k = \frac{D}{L}$ . Assim, com a diminuição do  $k$  tem-se também uma redução do fluxo, visto que são diretamente proporcionais  $J = k \ln(C_m/C_f)$ .

Em um sistema de separação os ocorre um aumento da camada limite, diminuição do  $k$  e  $J$ , os solutos não podem ser transportados em taxas ideais, significando uma menor concentração de solutos na fase do permeado e, por consequência, um menor fator de enriquecimento, uma vez que são proporcionais  $J = \frac{C_p}{C_f}$ .

a) O processo de osmose inversa utiliza-se de mecanismo de difusão em sua matriz polimérica baseado na difusividade-solubilidade do solvente com os materiais da membrana. Além disso a força motriz que rege o sistema é o gradiente de pressão aplicado. A osmose inversa é o mecanismo oposto ao de osmose natural, no qual uma pressão (AP) é aplicada na lado de maior concentração para forçar a passagem da água para o lado menor concentrando (ou água pura). Importante ressaltar que a pressão aplicada tem que ser superior a pressão osmótica gerada pela diferença de concentração entre os lados da membrana. Assim, o fluxo da pressão osmótica pode ser descrito como:

$J = AP - \Delta\pi$ , onde  $\Delta\pi$  é o gradiente osmótico,  $R_m$  ( $R_m + R_c$ ). $\mu$ ,  $R_e$  são as resistências da membrana e camada límite, e  $\mu$  é a viscosidade. A pressão mínima, o fluxo pode ser ilustrado como:



O pressão osmótica é dependente da carga dos íons, no qual é definido como  $\pi = i z v C$ .

$i$  é a carga dos íons,  $v$  é a migração iônica e  $C$  a concentração dos solutos. Para íons monovalentes o  $i = 1$ , enquanto que para íons divalentes  $i = 2$ .

b) A permeabilidade no transporte de sal em membranas de osmose inversa pode ser definido pela equação de ~~Hagen~~-Poiseuille & Kozly-Carmen. Na equação de Hagen-Hagen o fluxo é proporcional ao raio do pôr e inversamente proporcional à viscosidade.

A equação de Hagen-Poiseuille é usada para membranas anisotrópicas, definida por  $J = \frac{C^2 n^2}{8 \eta T} \frac{\Delta P}{\Delta x}$ , onde  $\Delta P$  é a barreira de pressão.

A equação de Kortezy-Carman é usada para determinar fluxos em membranas isotrópicas, a equação é definida como:  $J = \frac{C^3}{S^2 \eta T (1-\epsilon)^2} \frac{\Delta P}{\Delta x}$ .

A separação por osmose inversa pode ser amplamente afetada pela deposição dos íons e polímeros gelificada. Esse fenômeno é chamado de incrustação, e, ao contrário da polarização, é pouco reversível. O modelo de Barenblatt ajuda a descrever esse fenômeno que afeta de forma significativa as forças atuantes, tendo que aumenta a pressão, bem como no fluxo de permeação, no qual diminui de forma significativa. O modelo é descrito como:  $\frac{J^2 t}{\Delta V^2} = k \left( \frac{\Delta P}{\Delta x} \right)^n$

Onde o  $n$  descreve as formas de incrustação, com  $n=0$ , ocorre a deposição de materiais na superfície;  $n=1$  alguns íons são absorvidos pela membrana e  $n=2$ , há o bloqueio total do fluxo na membrana.

Assim, diante do exposto acima, uma relação entre as forças atuantes no sistema de permeação podem ser usadas com o objetivo de determinar os coeficientes de acoplamento. A equação de Flory-Huggins também pode ser usada para determinação da energia interna do sistema através da equação  $\Delta G = \phi_1 \ln \phi_1 + \phi_2 \ln \phi_2 + \chi \phi_1 \phi_2$ .

Portanto, um conjunto de relações termodinâmicas ajudam a descrever o processo de transporte de maníferos.

a) Os principios científicos e tecnológicos são fundamentais para a separação de líquidos e vapores visando obter bio-produtos com elevada pureza e segurança, atendendo aos critérios dos órgãos fiscalizadores. Além disso, a separação líquido-vapor se destaca na separação e purificação de bio-compostos sensíveis, evitando sua degradação → perda de atividade biológica. Dito isso, os processos de separação com membranas vem ganhando cada vez mais destaque por conta de sua versatilidade, eficiência, segurança e escalabilidade, além de evitar o uso de solventes orgânicos voláteis perigosos. Assim, esses processos garantem a sustentabilidade ambiental, contribuindo com as metas 32 e 13 da agenda de 2030 de desenvolvimento sustentável da ONU.

Os principios que regem a separação com membrana são a transferência de massa, equilíbrio de fases e solubilidade. A transferência de massa é fundamental, uma vez que descreve o movimento das ~~solvi~~ solutos e solventes através das matrizes que compõe a membrana, por meio do coeficiente de transferência de massa. O equilíbrio de fases é outro parâmetro importante, visto que relaciona o fenômeno da troca de fases, líquido e vapor, com o movimento das soluções a serem separadas. O equilíbrio de fases pode ser descrito pela lei de Raoult e pelas leis de Henry, que descrevem a pressão parcial do vapor dos componentes do sistema. Por fim, a solubilidade é um parâmetro-chave na separação líquido-vapor, descrevendo a solubilidade dos solutos e/ou solventes na matriz da membrana ou até mesmo da solubilidade de gases em líquidos, dependendo da sua aplicação. A temperatura é um parâmetro que influencia na solubilidade, uma que ao aumentar a temperatura, a mobilidade da matriz polimérica (para membranas feitas de polímero) não aumentar, bem como a energia livre do sis-

tema e a viscosidade do fluido no fluxo de alimentação irá diminuir, ocasionando um maior número de Reynolds e melhoramento no eficiente de transferência da massa.

b). As membranas utilizadas no processo de separação são as densas que têm como característica a dissolução e difusão de solutos e solventes no material da membrana e é descrito pela lei de fick. Esta lei correlaciona o coeficiente de difusão com o gradiente de concentração usando a equação  $J = -D \frac{dc}{dx}$ .

O transporte em membranas densas envolve três etapas: a dissolução, difusão e desolução. A dissolução envolve a solubilização dos solutos/solventes na matriz da membrana, enquanto a difusão descreve a permeação desse campo das moléculas através do gradiente de concentração. Por fim, após a passagem das moléculas pela membrana, ocorre a desolução, onde os solutos e/ou solvente solvientes "se libertam" da membrana pela sua evaporação (para perivaپoracão) ou por um gás de arreste (para permeação).

~~Na matéria~~ As membranas densas apresentam subdivisões como membranas densas isotrópicas e anisotrópicas. Na isotrópica, a morfologia é igual em toda membrana, enquanto na anisotrópica, a membrana apresenta as duas morfologias, uma parte clara, que confere as características de seletividade, e uma parte porosa, contribuindo para permeação e resistência mecânica. Os materiais dessas membranas podem ser de origem orgânica ou inorgânica. Materiais orgânicos, na grande maioria dos casos polímeros, apresenta um menor custo e são mais versáteis e incluem polímeros como acetato de celulose, poliamida, polietileno, polisulfona, policarbonato, dentre outros. No caso dos materiais inorgânicos, são formados por compostos cerâmicos, óxidos metálicos, tendo como característica ~~ser~~ uma maior durabilidade e facilidade de limpeza, além de permitir operar com maiores temperaturas e maiores químicos resistentes.

river. As membranas densas anisotrópicas ainda podem ser divididas em integral (quando são de mesmo material) ou compostas, quanto as morfologias apresentam materiais diferentes.

Membranas densas podem ser fabricadas por diferentes métodos, como deposição na fase fluida, polimerização "in situ" e polimerização por plasma. A deposição é o método mais empregado e consiste em um suporte poroso sendo direcionado para um material de recobrimento. A espessura da camada densa dependerá da concentração do polímero na solução de recobrimento. A polimerização "in situ" consiste em duas fases, uma orgânica e uma aquosa, onde o polímero irá precipitar na interface do sistema. A reação de polimerização ocorrerá na fase de maior solubilidade dos monômeros, tendo como fator limitante a taxa de transferência de massa para fase adjacente. Em relação à polimerização por plasma, uma solução polimérica é exposta por vapores de um não-solvente, que irá difundir-se na solução, no qual ocorrerá a precipitação do polímero.

As membranas densas são usadas na separação de líquidos e vapores através de processos de pervaporação e permeação de vapor. A pervaporação é uma técnica que consiste em uma fase de alimentação líquida, na qual irá ocorrer a dissolução e difusão das moléculas na membrana e seu transporte pelo mecanismo de transporte iônico pelo modelo soluto-difuso. Nesta técnica, a pressão é reduzida na fase de permeação, quando um gradiente de pressão entre alimentação e permeado, impulsionando o transporte das moléculas. Importante ressaltar que dentro da matriz polimérica o transporte ocorre pela diferença de concentração, o que ocasiona em gradientes de concentração, como descrito pela lei de Fick. A pervaporação é ~~a única~~ ~~única~~ único método de separação por membranas que ocorre a mudança de fase dentro do sistema. Contudo, esse método apresenta inúmeras

vantagem, como baixo consumo energético, se comparados aos meios tradicionais, possibilidade de uso de biomoleculas sensíveis ao calor e pH, eficiência e qualidade do produto final.

A permaporação pode ser aplicada em diversos setores da biotecnologia farmacêutica. Por exemplo, para separação de misturas azeotrópicas, onde o ponto de ebulição entre dois ou mais compostos são muito próximos ou, até mesmo, para isômeros, onde a separação do composto puro para mistura racêmica é dificultada. Além disso, a permaporação também tem sido usada para produção de água ultrapura, removendo íons ou outros contaminantes ou impurezas, e para concentração de soluções contendo biomoleculas, como vacinas, hormônios, no qual pode-se retirar o fluido destas soluções, concentrando as biomoleculas-alvo.

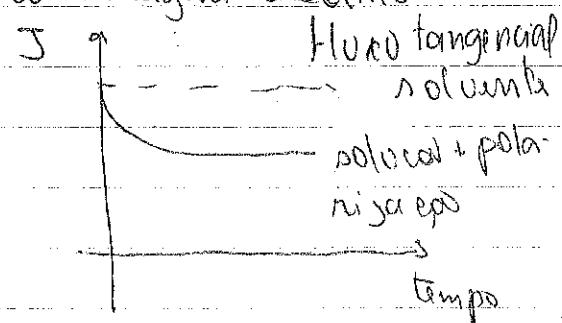
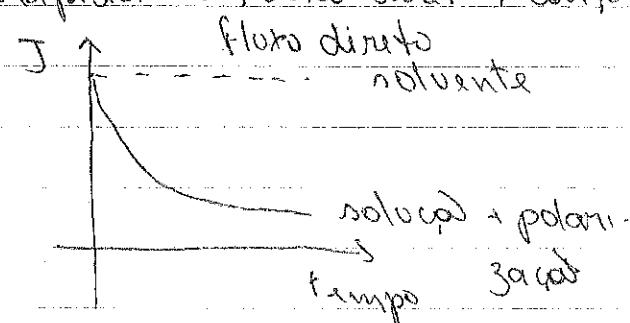
A permeação de vapor utiliza-se de duas fases em vapor, onde uma pressão reduzida ou vácuo é aplicado no lado do permeado, gerando o transporte de molecular pela membrana. O transporte é descrito pela lei de Fick pelo modelo solvado-difusão, onde, por efeito do gradiente de pressões geradas o fluxo tende para o lado permeado. Assim, as moleculas com maior afinidade com a matriz polimérica irão se difundir pela membrana, gerando gradientes de concentração. Moleculas menores tende a se difundir mais rapidamente.

A ~~permeação~~ permeação é muito usada na biotecnologia farmacêutica para produção de gases ultra-puros, na separação de nitrogênio ou oxigênio da ar, na separação de CO<sub>2</sub> de CH<sub>4</sub> e na integração de bioprocessos. Neste último, a permeação pode ser aplicada para gaseificação e desgaseificação de gases em bioreatores para produção de proteínas, enzimas, anticorpos, dentre outros.

a) Conforme mencionado acima, o transporte em membranas de permutação é por meio difusivo, sendo descrito pela lei de Fick. A lei de Fick define que o fluxo do processo é proporcional ao coeficiente de difusividade e gradiente de concentração, sendo definido pela equação  $J = -D \frac{dc}{dx}$ . A permeabilidade também influencia no transporte, uma vez que é dependente da difusividade e solubilidade, pela equação  $P = D \cdot S$ .

O modo de operação também impactará no transporte de massa. A operação pode ser por fluxo direto ou tangencial. No fluxo direto a corrente de alimentação é perpendicular à membrana e toda a corrente de alimentação irá passar como permeado, o que formará na bidâmula de uma camada de depósito dos solutos rejeitados pela membrana. Esse fenômeno é chamado de polarização da concentração, sendo independente do tempo de processo. Na operação tangencial, uma corrente de alimentação é direcionada de forma tangencial à membrana, formando uma corrente de permeado e outra de retentado. Neste tipo de operação o fenômeno de polarização pode ser minimizado devido que o fluxo do sistema irá arrastar as partículas depositadas na superfície da membrana. Outra maneira de minimizar os efeitos da polarização é aplicar um fluxo mais turbulento.

A polarização da concentração, conforme mencionado, é a deposição de partículas na superfície da membrana, o que ocorrerá uma diminuição de fluxos e menor coeficiente de transferência de massa, sendo formada de maneira mais rápida no fluxo direto, conforme a imagem abaixo.

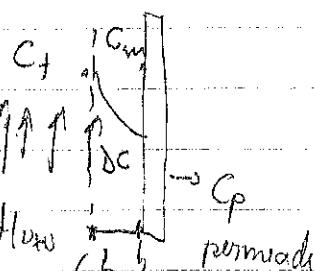


Alguns modelos tem sido desenvolvidos para descrever esse fenômeno, como o modelo do filme, que é definido

$$\text{pa: } J_C + D \frac{\partial C}{\partial x} = J_{Cp}$$

contribuições contribuição  
convecção difusiva

fluxo total  
de solutos



• Aplicando as condições de contorno de:

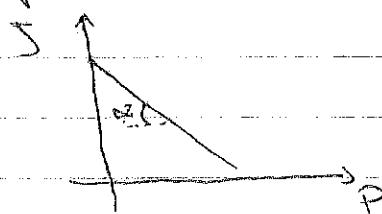
$$x=0; C=C_m$$

$$x=L; C=C_f$$

camada polarizada

temos que o fluxo é derritido como:  $J = \frac{D}{L} \ln \left( \frac{C_m}{C_f} \right)$

Contudo, a expressão  $D$  é o coeficiente de transferência de massa. Então, pode-se escrever a equação do fluxo como sendo  $J = k \cdot \ln \left( \frac{C_m}{C_f} \right)$ . O coeficiente de transferência de massa pode ser calculado por duas vias, experimental e empírica. Na via experimental pode calcular o  $k$  através do coeficiente de transferência angular, relacionando o fluxo produzido do sistema, conforme mostrado abaixo.



Pela via empírica o coeficiente de transferência de massa pode ser calculado pelo número adimensional de Sherwood, onde é definido por:  $Sh = \frac{k \cdot du}{L}$ , onde  $du$  é o diâmetro hidráulico do sistema. Contudo,  $L$  também pode ser escrito com função do número de Reynolds e Schmidt:  $Sh = \alpha \cdot Re^{\beta} \cdot Sc^{\gamma} \cdot L^{-\eta}$ , onde  $\alpha$ ,  $\beta$ ,  $\gamma$ ,  $\eta$  são constantes e o numero de Schmidt é dado por:  $Sc = \eta / \rho \cdot D$ .

Assim, por meio dessas equações percebe-se que o polarizado, fluxo e coeficiente de transferência de massa é dependente da viscosidade do sistema, uma vez que ao aumentar a viscosidade

causará uma vez um aumento na resistência ao movimento, tornando-se o fluxo mais lento. Portanto, pode-se dizer que o fenômeno da polarização causará o efeito de uma segunda membrana no processo, dificultando o fluxo para o primeado.

Modelos matemáticos vêm ajudando a descobrir estes efeitos juntamente com a simulação molecular, que predizem os comportamentos dos sistemas, vêm sendo usados para otimizar os parâmetros operacionais, além de prever a formação da camada polarizada e definindo o fluxo crítico e limite do sistema. O fluxo crítico é o fluxo máximo para minimização da polarização, enquanto que o limite define o fluxo crítico máximo possível da membrana.